

به نام خدا

سرای دانشجو

دانلود برترین جزوات و فیلم های دانشجویی

بامادرارتباط باشید



Website:

www.sarayedaneshjo.com

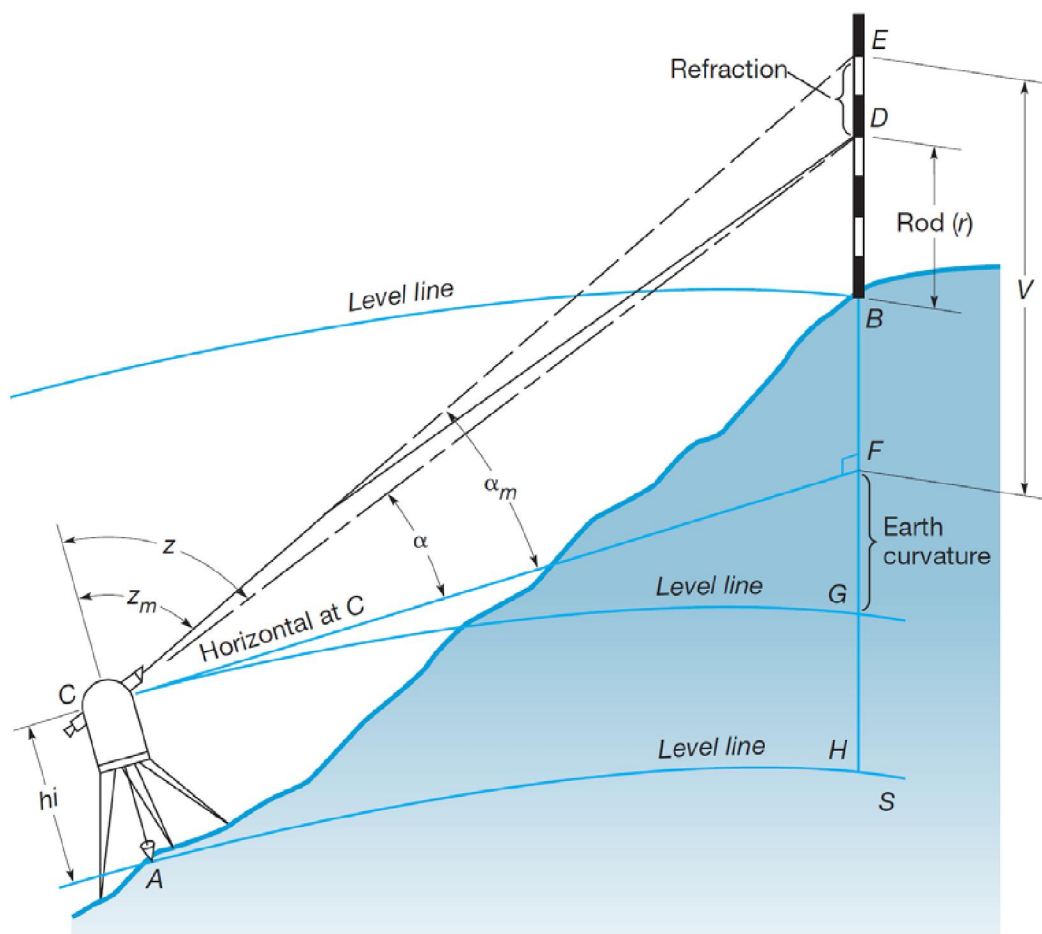
Email:

info.sarayedaneshjo@gmail.com

دانش اگر در ثریا هم باشد مردانی انر سرزمین پارس بدان دست خواهند یافت. رسول اکرم (ص)

جزوه درسی

نقشه برداری ۱



تهیه کننده : یمنی جمور

پاییز ۱۳۹۱

پیشگفتار

از آنجا که از ابتدای آفرینش، بشر همواره کنجکاو به شناخت محیط پیرامون و گسترش قلمروی خود بوده است، دانستن موقعیت عوارض گوناگون و توجیه آنها نسبت به هم از اهمیت بالایی برخوردار بوده است. همچنین تصویر عوارض مهم زمینی برای بشر اولیه نوعی وسیله ارتباطی و زبان محسوب می شده است. از طرفی تعریف بسیار ساده و ابتدایی نقشه‌برداری به اندازه گیری و نمایش عوارض سطح زمین بر روی یک برگ نقشه اشاره می کند. لذا بدون اینکه موضوع نقشه‌برداری و تهیه نقشه به صورت علمی و امروزی مطرح بوده باشد، می‌توان گفت که بشر از دیر باز به این مهم توجه داشته و به نوعی با بهره گیری از ابزار دوران خود مبادرت به نقشه برداری و تهیه نقشه از محیط پیرامون خود می کرده است.

امروزه با پیدایش فناوری و سامانه‌های پیشرفته‌ای مانند: توتال استیشن‌ها، تراز یاب‌های الکترونیکی، سامانه‌های تعیین موقعیت ماهواره‌ای GNSS و سخت افزارها و نرم افزارهای محاسبات و ترسیم، به نظر می رسد دیگر نیازی به دستگاه‌ها و روش‌های سنتی نقشه‌برداری نیست. اما از آنجا که مبانی و اساس کار با آنها یکسان است، لذا برای یادگیری بهتر دانشجویان صرفنظر از فناوری‌های امروزی، سعی شده‌است به بیان مبانی روش‌های اندازه‌گیری و محاسبات و نیز کار با دستگاه‌های نقشه‌برداری پرداخته شود.

خوشبختانه طی سال‌های اخیر کتاب‌های زیادی در زمینه نقشه‌برداری توسط متخصصان و اساتید ذی‌ربط نوشته و منتشر شده‌اند که هریک از ویژگی‌های خاصی برخوردار بوده‌اند. در همین راستا بر اساس تجربه‌های آموزشی نگارنده کتاب در دانشگاه‌ها و مراکز مختلف آموزش عالی کشور و بررسی محتوای کتب موجود در زمینه نقشه‌برداری عمومی، مطالبی که در این کتاب در نظر گرفته شده اند به شرح ذیل در ۵ فصل دسته بندی شده اند.

- کلیات، مفاهیم و تعاریف
- مروری بر سطوح مبنا و سیستم‌های تصویر
- مروری بر نظریه خطاها
- فاصله‌یابی

▪ تراز یابی

نگارنده امیدوار است این مجموعه موجب رضایت کلیه خوانندگان محترم بویژه دانشجویان عزیز رشته های مختلف از جمله: نقشه برداری، عمران، معماری، معدن، کشاورزی، زمین شناسی و ... قرار بگیرد و با این وسیله توانسته باشد خدمتی هر چند کوچک در جهت توسعه و اعتلای مهندسی نقشه برداری به علاقمندان و دانش پژوهسان و جامعه دانشگاهی مرتبط ارائه کرده باشد.

یحیی جمور

فصل یکم

تاریخچه، کلیات و مفاهیم

مطالعات زیادی در زمینه تاریخ نقشه‌برداری و تهیه اولین نقشه در جهان انجام گردیده است. در بررسی‌های انجام شده نشانه‌های زیادی از تسلط ایرانیان بر نجوم و ستاره‌شناسی در دوران اشکانی وجود دارد. اما طبق تاریخ طبری اولین نشانه مستدل از تهیه نقشه و مساحی به دوران قباد و انوشیروان ساسانی بر می‌گردد. چنانچه از این تاریخ بر می‌آید مساحی زمین‌های کشاورزی در آن زمان امری متداول بوده و فناوری نوپایی شناخته نمی‌شده است. در این فصل، پس از بررسی سیر تاریخی نقشه و نقشه‌برداری، به بیان برخی تعاریف و مفاهیم اساسی و معرفی شاخه‌های مختلف نقشه‌برداری که در فصل‌های بعدی به آنها نیاز داریم می‌پردازیم.

۱- تاریخچه نقشه‌برداری در جهان

نقشه‌برداری و تهیه نقشه بر پایه اندازه‌گیری‌های زمینی و رعایت قواعد هندسی به حدود ۲۰۰۰ سال قبل از میلاد می‌رسد. به نظر می‌رسد مصری‌ها در ردیف اولین اقوامی بوده‌اند که مشاهدات خود را در سطح زمین پس از اندازه‌گیری مستقیم به صورت نقشه معرفی کرده‌اند. نقشه کانسار طلای جبل‌البا در حدود ۲۰۰۰ سال قبل از میلاد تهیه شده که در حال حاضر در کشور مصر موجود است. این گونه نقشه‌ها اغلب برای تعیین حدود اراضی کشاورزی ساحل نیل تهیه شده‌اند. به نظر می‌آید رامسس دوم در فاصله سال‌های ۱۳۳۲-۱۳۰۰ قبل از میلاد روش مساحی را پایه‌گذاری کرده است. بعد از مصری‌ها می‌توان به یونانی‌ها اشاره نمود که اولین نقشه جهان نما منتسب به هومر را در قرن نهم قبل از میلاد ترسیم کرده‌اند. بر همین اساس کارتوگرافی ریاضی و عملی در یونان شکل گرفت و پایه نقشه‌برداری امروزی طرح ریزی و بعد از آن تا دوران اسلامی کار قابل توجهی از دیگران مشاهده نشد و اغلب نقشه‌برداری‌ها مبتنی بر شیوه یونانی‌ها بود (FIG, 2010).

فصل چهارم

فاصله‌سنجی

یکی از مهمترین کمیت‌هایی که در مهندسی نقشه‌برداری نقش کلیدی دارد و بدون آن نمی‌توان مقیاس را در شبکه‌های کنترل و نقشه‌ها اعمال نمود، فاصله است. امروزه فاصله‌سنجی در عرصه‌های مختلف، به ویژه در ایجاد نقاط کنترل و برداشت جزئیات دارای اهمیت خاصی است و همواره بخش عمده‌ای از اندازه‌گیری‌های نقشه‌برداری را به خود اختصاص می‌دهد. در این فصل تلاش می‌شود تا بحث فاصله‌سنجی به روش‌های مختلف شامل روش‌های مستقیم و غیر مستقیم مورد بررسی قرار گیرد.

۱- روش‌های مستقیم

روش‌های مستقیم اندازه‌گیری طول به گونه‌ای است که بتوان با مقایسه مستقیم یک طول معلوم و استاندارد و طول مجهول، مقدار آن را برآورد نمود. در ادامه به اینگونه روش‌ها پرداخته می‌شود.

۱-۱- قدم

پیمودن قدم استاندارد یکی از روش‌های ابتدایی و کم دقت در برآورد یک فاصله است. هر فرد می‌تواند بر اساس قدم‌های استاندارد خود از آن در مواردی همچون شناسایی و تهیه نقشه‌های کوچک مقیاس و کروکی بهره‌برد. دقت نسبی مورد انتظار برای این روش بسته به تجربه افراد بین $1/50$ تا $1/100$ است.

۱-۲- چرخ غلتان

این دستگاه یک چرخ کاملاً دایره‌ای شکل است که اندازه محیط آن با دقت بالا معلوم است (نگاره ۱). بنابراین با حرکت آن روی هر طول دلخواه و شمارش تعداد دورهای حرکت می‌توان اندازه طول را برآورد نمود. این روش نیز در کارهای کم دقت بکار می‌رود و دقت نسبی آن حدود $1/200$ می‌باشد.



نگاره ۱- چرخ غلتان

۱-۳- زنجیر مساحی

زنجیر مساحی مجموعه‌ای از قطعات فلزی حدود ۲۰ سانتیمتری است که با حلقه‌های مخصوص به یکدیگر متصل هستند (نگاره ۲). این روش برای کارهای با دقت متوسط مورد استفاده قرار می‌گیرد و دقت نسبی آن تا حدود ۱/۱۰۰۰ نیز می‌رسد.



نگاره ۲- زنجیر مساحی

۱-۴- نوار پارچه‌ای یا پلاستیکی

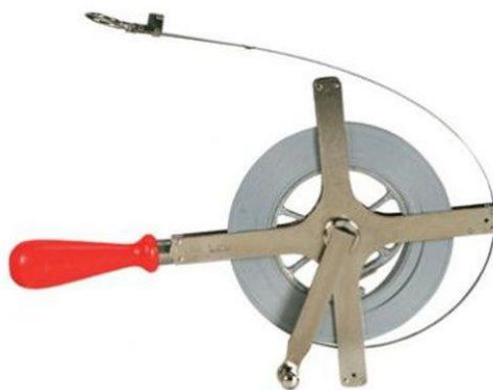
یکی دیگر از ابزارهای سنجش مستقیم طول نوارهایی از جنس پارچه یا پلاستیک است (نگاره ۳). این نوع نوارها عموماً دارای درجه بندی سانتیمتری هستند و برای کارهای معمولی مانند مساحی و کنترل برخی نقشه‌های توپوگرافی و ساختمانی که نیاز به دقت بالا ندارند، استفاده می‌شوند. دقت نسبی مورد انتظار از این روش نیز بسته به جنس نوار و تجربه عامل اندازه‌گیری بین ۱/۱۰۰۰ تا ۱/۳۰۰۰ متغیر است.



نگاره ۳- نوار فایبر گلاس

۱-۴- نوار فلزی

امروزه متداولترین ابزار اندازه‌گیری مستقیم طول، نوارهای فلزی هستند که از چند متر تا ۵۰ متر در بازار به وفور یافت می‌شوند (نگاره ۴). دقت نسبی اندازه‌گیری طول با این نوارها حدود $1/5000$ است که جوابگوی بسیاری از کارهای دقیق در نقشه‌برداری می‌باشد. برخلاف روش‌های قبلی که اساساً دقیق محسوب نمی‌شدند، در این برای دستیابی به دقت‌های بالاتر باید تا حد امکان خطاهای سیستماتیک اثرگذار، که در ادامه به آنها پرداخته خواهد شد، شناسایی و مورد تصحیح قرار گیرند. نوع خاصی از نوارهای فلزی ساخته شده از آلیاژ اینوار معروف به نوار اینوار است که ضریب انبساط طولی آن بسیار کوچک است و به همین دلیل دقت نسبی اندازه‌گیری طول با آن در شرایط مطلوب تا $1/1000000$ نیز می‌رسد. بکارگیری این روش برای طول‌های بیشتر از اندازه نوار بویژه در مناطق ناهموار همراه با نکاتی است که در بخش‌های بعدی تحت عنوان مترکشی مورد بررسی قرار می‌گیرد.



نگاره ۴- نوار فلزی

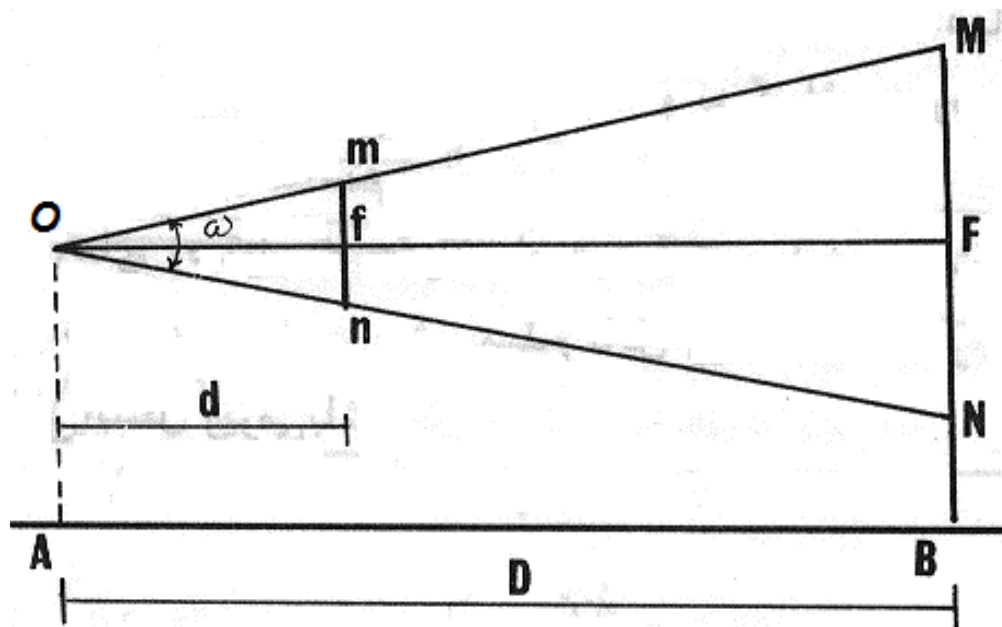
۲- روش‌های غیر مستقیم

بر خلاف روش‌های مستقیم، در این روش‌ها طول به صورت مستقیم مورد سنجش قرار نمی‌گیرد و بر پایه اندازه‌گیری کمیت دیگری مانند زاویه، زمان و اختلاف فاز و بکارگیری یکسری روابط و معادلات می‌توان مقدار طول را برآورد نمود. در ادامه به چند نمونه از این روش‌ها پرداخته می‌شود.

۲-۱- مثلثاتی (استادی متری)

برای توضیح فاصله یابی به روش مثلثاتی ناگزیر به بیان روش استادیتری هستیم. اساس استادیتری بر قضیه تالس و تشابه مثلث‌ها استوار است. مطابق نگاره ۵ برای تعیین فاصله افقی $AB(D)$ ، از تشابه دو مثلث Omn و OMN استفاده می‌شود.

$$D = AB = \frac{d}{mn} MN \quad (\text{v})$$



نگاره ۵- اساس استادیمتری

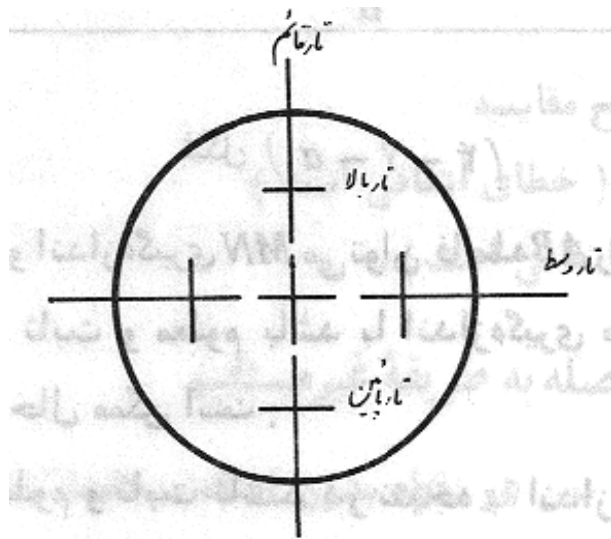
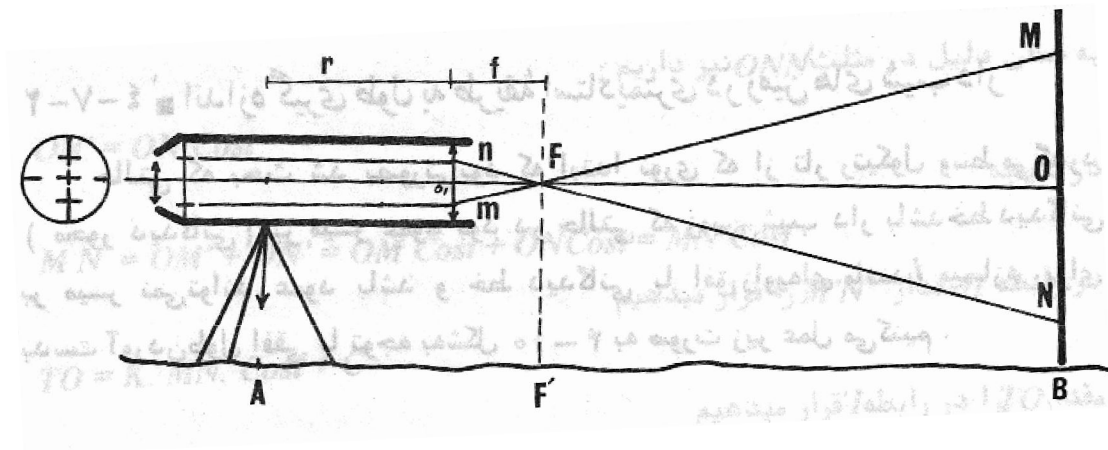
چنانچه d و mn را معلوم و ثابت در نظر بگیریم و MN را اندازه‌گیری نماییم، در اینصورت طبق رابطه (۱) فاصله افقی AB (D) به دست می‌آید. با معلوم و ثابت در نظر گرفتن d و mn زاویه ω موسوم به زاویه استادیتری نیز عددی ثابت و معلوم خواهد بود.

حال موضوع فوق را برای یک دوربین نقشه برداری با خط دید افقی توسعه می دهیم. چنانچه یک خط کش مدرج بنام شاخص در فاصله ای افقی به اندازه AB (D) نسبت به محل استقرار دوربین قرار گرفته باشد و تصویر تارپایین و بالای دوربین بر روی آن به ترتیب M و N باشد و زاویه استادیمتری، یعنی f/mn ، ثابت و برابر با K باشد (نگاره ۶)، در آن صورت فاصله افقی AB (D) به صورت زیر به دست می آید.

$$D = AB = \frac{f}{mn} MN + (f + r) = K \times MN + C \quad (2)$$

ترکیب عدسی‌ها در اغلب دوربین‌های نقشه‌برداری به گونه‌ای است که تصحیح C برابر با صفر و ضریب K برابر با 100 است. بنابراین رابطه (2) به صورت زیر اصلاح می‌شود.

$$D = AB = K \times MN \quad (3)$$

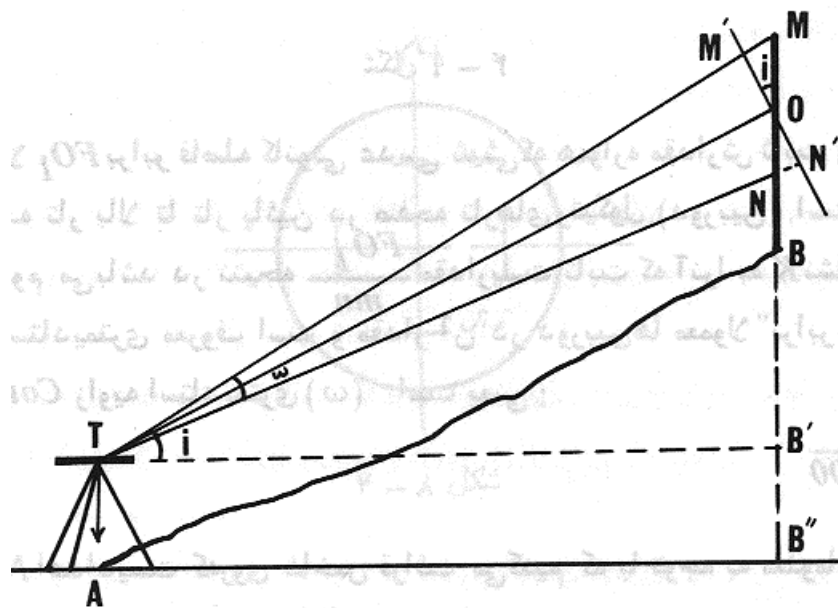


نگاره ۶- استادیومتری در دوربین‌های نقشه‌برداری

رابطه (3) صرفاً برای فاصله‌یابی در یک منطقه کاملاً افقی اعتبار دارد و چنانچه منطقه را شیب دار در نظر بگیریم، در این صورت مطابق رابطه زیر باید عمل کرد (نگاره ۷).

$$D_h = K \times MN \times \cos^2 i \quad (4)$$

که در آن MN فاصله بین تصویر تار بالا و پایین بر روی شاخص و i زاویه شیب نسبت به سطح افق است.



نگاره ۷- فاصله‌یابی مثلثاتی در زمین‌های شیب دار

لازم به ذکر است به دلیل محدودیت دید عامل انسانی در قدرت تفکیک و تخمین درجه‌بندی شاخص، همواره یک خطای اتفاقی در قرائت اعداد شاخص وجود دارد. قدرت تفکیک چشم انسان حدود یک دقیقه کمانی یا $3/10000$ رادیان برآورد شده‌است. بنابراین اگر هدف تشخیص a میلی‌متر بر روی شاخص باشد، حداکثر فاصله مجاز بر حسب متر تا شاخص از رابطه زیر به دست می‌آید.

$$D \leq \frac{a}{1000} \times \frac{10000}{3} = a \times \frac{10}{3} \quad (5)$$

اگر a را برابر با ۱ میلی‌متر در نظر بگیریم، در آن صورت فاصله مجاز 3.333 متر خواهد شد. به همین دلیل در دوربین‌های نقشه‌برداری از بزرگنمایی استفاده می‌شود تا به صورت مصنوعی قدرت تفکیک چشم را بالا ببرد. چنانچه بزرگنمایی دوربین را G در نظر بگیریم و هدف تشخیص a میلی‌متر بر روی شاخص باشد، در این صورت فاصله مجاز از رابطه زیر به دست می‌آید.

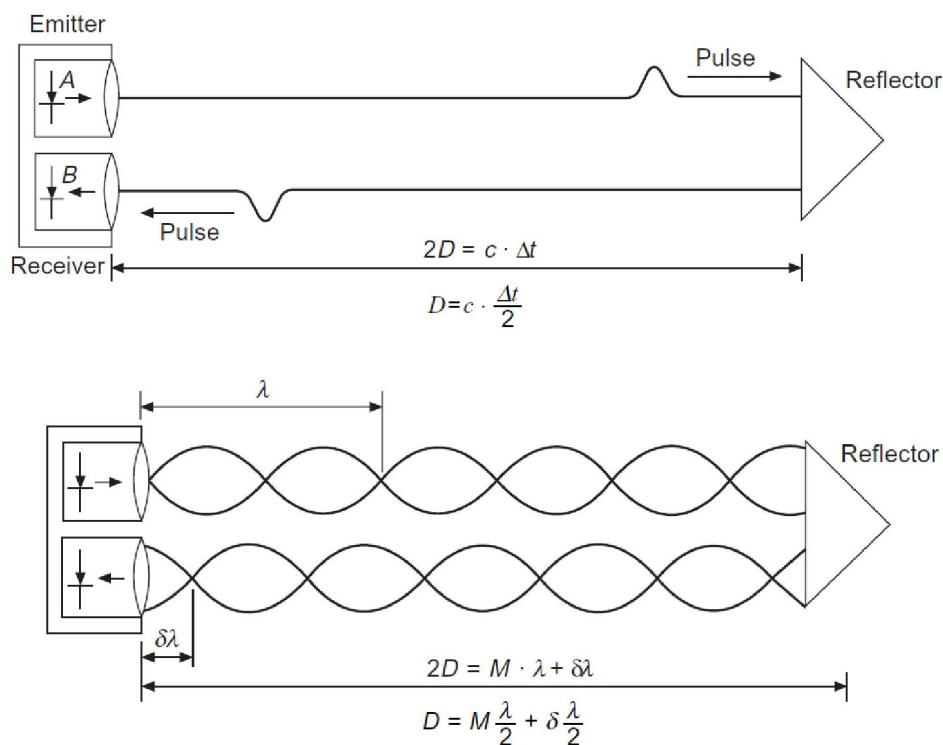
$$D \leq \frac{aG}{1000} \times \frac{10000}{3} = aG \times \frac{10}{3} \quad (6)$$

اگر a را برابر با ۱ میلی‌متر و بزرگنمایی دوربین را 25 در نظر بگیریم، در آن صورت فاصله مجاز 83.333 متر خواهد شد. در واقع قدرک تفکیک چشم با چنین دوربینی 25 برابر افزایش می‌یابد.

۲-۲- الکترونیکی

روش الکترونیکی مبتنی بر فاصله‌یاب‌های الکترونیکی موسوم به EDM ها هستند. برخی از آنها با استفاده از امواج نوری (بوژه امواج لیزری) و برخی دیگر با استفاده از امواج رادیویی طولیابی می‌کنند. اساس کار همه طولیاب‌های الکترونیکی مشابه است و بر تولید و ارسال امواج یا پالس‌ها به سوی یک بازتابنده، دریافت و تشخیص امواج یا پالس‌های برگشتی و اندازه‌گیری اختلاف فاز یا زمان رفت و برگشت استوار است (نگاره ۸). بکارگیری فاصله‌یاب‌های الکترونیکی از دهه ۱۹۵۰ شروع و امروزه این نوع فاصله‌یابی به متداولترین و دقیقترین روش برای اندازه‌گیری فواصل کوتاه تبدیل شده‌است. در کارهای ویژه، علاوه بر تصحیحات شرایط محیطی، به خطاهای سیستماتیک دستگاهی شامل خطای صفر، خطای تناوبی و خطای مقیاس نیز باید توجه نمود و تا حد امکان اثر آنها را کاهش داد. پرداختن به این مقوله خارج از حوصله درس نقشه‌برداری عمومی است و علاقمندان می‌توانند به منابع ذیربط رجوع نمایند.

برد عمومی فاصله‌یاب‌های الکترونیکی بسته به شرایط محیطی و امکان برقراری دید مستقیم بین طولیاب و بازتابنده متغیر است، ولی به هر حال از چند کیلومتر تجاوز نمی‌کند. دقت عمومی آنها با رابطه $\sigma_D = \pm(a_{mm} + b_{ppm})$ بیان می‌شود. به عنوان مثال با فرض داشتن یک فاصله‌یاب الکترونیکی با دقت $\sigma_D = \pm(5_{mm} + 5_{ppm})$ و در نظر یک طول ۱۰۰۰ متری، دقت اندازه‌گیری طول $\sigma_D = \pm 10_{mm}$ می‌باشد. یادآوری می‌شود طول‌های اندازه‌گیری شده عموماً شیب دار می‌باشند و می‌توان با اندازه‌گیری زاویه شیب (یا زاویه قائم) آن را به طول افقی تبدیل نمود.



نگاره ۸- اساس فاصله‌یابی الکترونیکی (در دو حالت پالس و موج)

۳-۲- محاسباتی

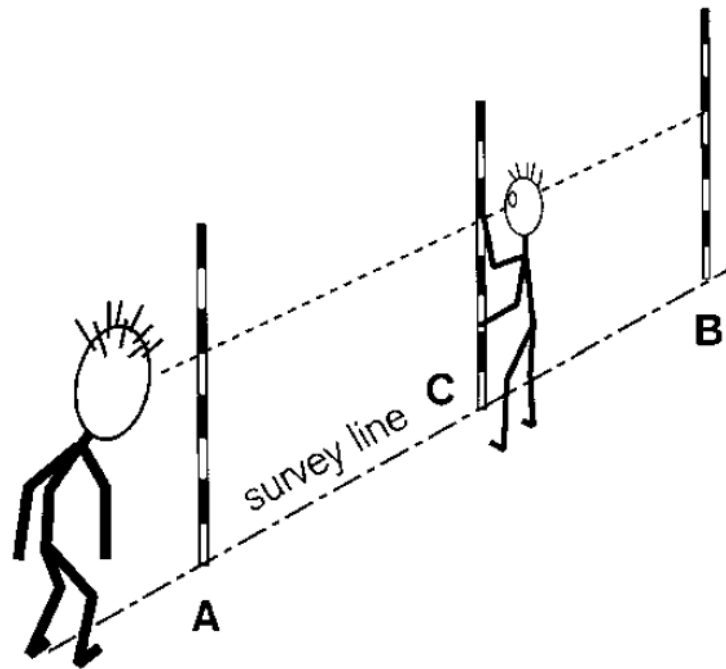
روش فاصله‌یابی محاسباتی چیزی جز بکارگیری رابطه طول و مختصات نقاط دو سر طول نیست. در واقع با داشتن مختصات دوبعدی یا سه بعدی دو نقطه انتهایی یک طول مانند A و B رابطه زیر می‌توان طول افقی یا مایل بین دو نقطه مورد نظر را تعیین نمود.

$$D_h = \sqrt{(X_A - X_B)^2 + (Y_A - Y_B)^2}$$

$$D = \sqrt{(X_A - X_B)^2 + (Y_A - Y_B)^2 + (Z_A - Z_B)^2} \quad (۷)$$

۳- مترکشی

بنابر تعریفی که برای طول بین دو نقطه داریم، پر واضح است که اندازه‌گیری فاصله باید در یک مسیر کاملاً مستقیم انجام گیرد. یکی از روش‌های متداول برای اندازه‌گیری طول‌های بلند که به چند قسمت کوچکتر تقسیم می‌شوند، ژالن گذاری است. ژالن در نقشه‌برداری عموماً یک میله فلزی حدود ۲ متری است که توسط دو رنگ مختلف به نوعی درجه‌بندی شده‌است و از آن به صورت قائم بر روی نقاط مورد نظر استفاده می‌شود. برای سادگی فرض کنید با توجه به طول نوار مترکشی در اختیار، مجبور هستیم فاصله مورد نظر AB را به دو قسمت کوچکتر AC و CB تقسیم و سپس به روش ژالن گذاری اندازه‌گیری نماییم. مطابق نگاره ۹ سه ژالن به صورت قائم بر روی نقاط انتهایی طول یعنی A و B و نقطه میانی C را با کمک چشم به محلی واقع در راستای مستقیم AB قرار داده و سپس دو قطعه AC و CB را مورد اندازه‌گیری و نهایتاً از مجموع آن دو به اندازه طول مستقیم AB می‌رسیم.



نگاره ۹- اساس ژالن گذاری در مترکشی

چنانچه به دلیل وجود بلندی یا پستی (یا وجود مانع برای برقراری دید مستقیم) زیاد امکان ژالن گذاری برای قطعات داخلی وجود نداشته باشد، در اینصورت طی چهار مرحله زیر اقدام به ژالن گذاری و تصحیح پی در پی آن می‌نماییم (نگاره ۱۰):

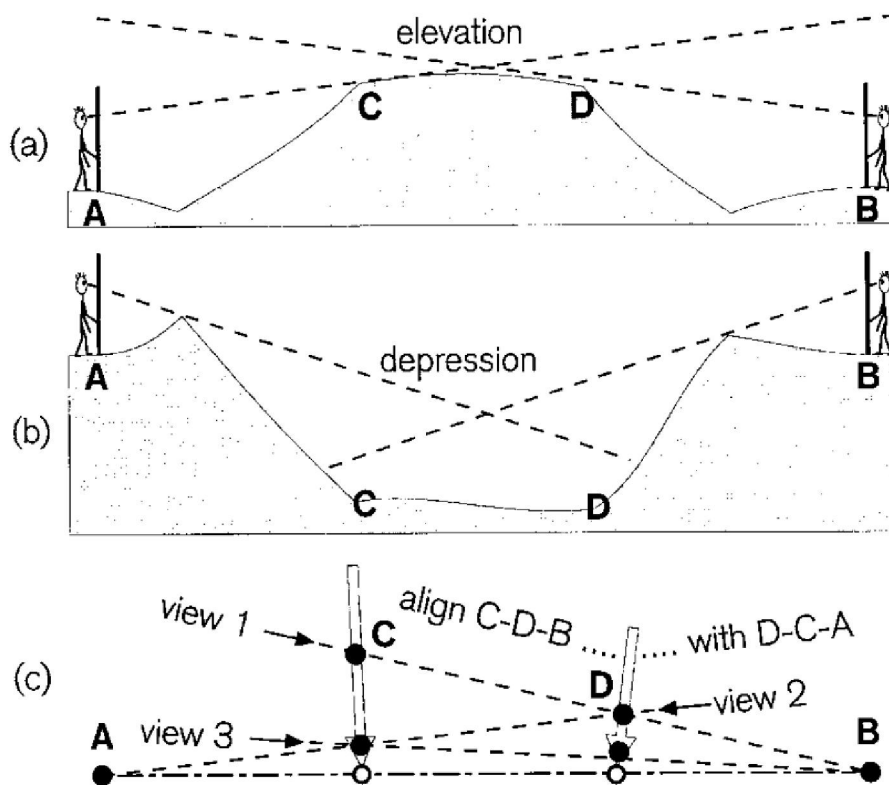
۱. دو نقطه مانند C و D بین دو سر انتهای طول یعنی A و B و تقریباً در امتداد آنها بگونه‌ای که از A و B دیده شوند، بر روی بلندی یا پستی (یا بر روی مانع) انتخاب و دو ژالن قائم بر روی آنها مستقر می‌شود.

۲. از نقطه C به B نشانه روی رفته و ژالن D را در امتداد آنها قرار می‌دهیم.

۳. از نقطه D به A نشانه روی رفته و ژالن C را در امتداد آنها قرار می‌دهیم.

۴. مراحل ۲ و ۳ تا جاییکه هیچ جابجایی (در حد ممکن) برای ژالن‌های میانی یعنی C و D نیاز نباشد، تکرار می‌شود.

با انجام مراحل چهارگانه فوق، هر چهار ژالن در یک امتداد قرار می‌گیرند و از ژالن‌های C و D می‌توان برای مترکشی کامل طول مستقیم AB استفاده نمود.



نگاره ۱۰- ژالن گذاری در امتدادهای دارای مانع

۴- تصحیحات در مترکشی

صرفنظر از خطاهای اتفاقی که همواره وجود دارند و نمی‌توان آنها حذف نمود، تعدادی خطای سیستماتیک در مترکشی وجود دارد که بسته به حساسیت کار باید تصحیح گردند. برخی از این تصحیحات عبارتند از:

- تصحیح ناشی از اختلاف بین طول اسمی و طول واقعی نوار
- تصحیح ناشی از خروج ژالن از امتداد مستقیم
- تصحیح ناشی از وجود شیب در منطقه کاری
- تصحیح ناشی از کمائی شدن نوار
- تصحیح ناشی از تغییرات دمای محیط کار
- تصحیح ناشی از تغییر کشش نوار
- تصحیح تبدیل به سطح مبنا

۴-۱- تصحیح طول واقعی نوار

چنانچه طول واقعی نوار l_t و طول اسمی آن l_n و اختلاف بین آنها δl باشد، در این صورت رابطه زیر برقرار می‌باشد.

$$l_t = l_n + \delta l = l_n \left(1 + \frac{\delta l}{l_n} \right) \quad (۸)$$

که در آن $C_L = \frac{\delta l}{l_n}$ معروف به تصحیح واحد طول است. بنابراین برای هر طول دلخواه اندازه‌گیری شده مانند L_n ، طول تصحیح شده متناظر با آن (L_t) از رابطه زیر به دست می‌آید.

$$L_t = L_n \left(1 + \frac{\delta l}{l_n} \right) = L_n \times \frac{l_t}{l_n} \quad (۹)$$

به عنوان مثال برای دستیابی به دقت نسبی $1/5000$ با استفاده از یک متر نواری ۳۰ متری، اختلاف بین طول اسمی و طول واقعی نوار نباید از ۶ میلی متر تجاوز نماید. با فرض فوق اگر فاصله بین دو نقطه 120.510 متر اندازه‌گیری شود، تصحیح مربوط به طول واقعی نوار 0.023 متر خواهد شد و طول تصحیح شده 120.602 متر به دست می‌آید.

۴-۲- تصحیح خروج ژالن از امتداد مستقیم

چنانچه مقدار انحراف ژالن از امتداد مستقیم را در d به ازای طول L در نظر بگیریم، تصحیح مربوط به آن برای طول l از رابطه تقریبی زیر تعیین می‌گردد.

$$C_A = -\frac{d^2}{2L} \quad (۱۰)$$

به عنوان مثال برای دستیابی به دقت نسبی $1/5000$ با استفاده از یک متر نواری ۳۰ متری، انحراف ژالن (انحراف انتهای متر) از امتداد مستقیم نباید از 0.6 متر تجاوز نماید. با فرض فوق، مقدار تصحیح خروج ژالن از امتداد مستقیم -0.006 متر به دست می‌آید.

۳-۴- تصحیح شیب زمین

چنانچه اختلاف ارتفاع بین دو نقطه Δh و طول بین آنها L باشد، در این صورت تصحیح شیب از رابطه تقریبی زیر به دست می‌آید. در واقع این تصحیح ناشی از افقی نگرفتن امتداد متر نواری در حین اندازه‌گیری است (یعنی فاصله در امتداد شیب زمین اندازه‌گیری شده‌است).

$$C_G = -\frac{\Delta h^2}{2L} \quad (11)$$

به عنوان مثال برای دستیابی به دقت نسبی $1/5000$ با استفاده از یک متر نواری 30 متری و اندازه‌گیری بر روی شیب زمین، اختلاف ارتفاع مجاز بین ابتدا و انتهای متر نباید از 0.6 متر تجاوز نماید. با فرض فوق، مقدار تصحیح شیب -0.006 متر به دست می‌آید.

۴-۴- تصحیح کمانی شدن نوار

وزن نوار مترکشی بسته به جنس آن و طول نوار بگونه‌ای است که باعث کمانی شدن آن (بویژه در قسمت میانی) می‌گردد و در واقع اندازه‌گیری در راستای کاملاً افقی انجام نمی‌گیرد (نگاره ۱۱). تصحیح مربوط به این خطا از رابطه زیر به دست می‌آید.



(a) Tape supported throughout



(b) Tape supported at ends only

نگاره ۱۱- تصحیح ناشی از کمانی شدن نوار

$$C_s = -\frac{(mg)^2 L^2}{24F^2} \quad (12)$$

که در آن m جرم یک متر نوار بر حسب کیلوگرم، g شتاب ثقل زمین بر حسب متر بر مجذور ثانیه، L طول نوار بین دو نقطه بر حسب متر و F نیروی کشش اعمال شده به دو سر نوار بر حسب نیوتن است. به عنوان مثال برای یک متر نواری 30 متری تحت شرایط نیروی کشش 110 نیوتن و جرم یک متر نوار 0.0312 کیلوگرم، تصحیح کمانی شدن نوار -0.0087 متر به دست می‌آید.

۴-۵- تصحیح تغییرات دمای محیط کار

همه نوارهای مترکشی تحت شرایط آزمایشگاهی، بویژه حرارت و نیروی کشش معینی، دارای طول واقعی هستند. این در حالی است که تقریباً هیچگاه امکان فراهم‌سازی شرایط آزمایشگاهی برای اندازه‌گیری‌ها وجود ندارد. بنابراین ضرورت دارد که تاثیر اختلاف دمای محیط کار با شرایط آزمایشگاهی بر روی طول نوار و نهایتاً مسافت اندازه‌گیری شده در نظر گرفته شود. تصحیح مربوط به تغییر دمای محیط کار نسبت به دمای استاندارد کارخانه سازنده نوار از رابطه زیر به دست می‌آید.

$$C_T = k(T - T_0)L \quad (۱۳)$$

که در آن k ضریب انبساط طولی نوار، T دمای زمان اندازه‌گیری بر حسب سلسیوس، T_0 دمای استاندارد کارخانه سازنده نوار سلسیوس و L طول مورد اندازه‌گیری بر حسب متر است.

۴-۶- تصحیح تغییر کشش نوار

همانطور که تغییر دمای محیط کار نسبت به دمای استاندارد کارخانه سازنده نوار باعث تغییر در طول واقعی نوار می‌شود، تغییر در نیروی کششی اعمال شده بر نوار نسبت به نیروی استاندارد کارخانه سازنده نوار نیز باعث تغییر در طول نوار و نهایتاً تغییر در مسافت مورد اندازه‌گیری می‌شود. بنابراین رابطه این نوع تصحیح نیز به صورت زیر بیان می‌گردد.

$$C_P = (P - P_0) \frac{L}{AE} \quad (۱۴)$$

که در آن P نیروی کشش در زمان اندازه‌گیری بر حسب نیوتن، P_0 نیروی کشش مورد نظر در کارخانه سازنده نوار بر حسب نیوتن، L طول مورد اندازه‌گیری بر حسب متر، A سطح مقطع نوار بر حسب میلی متر مربع و E ضریب الاستیسیته بر حسب نیوتن بر میلی متر مربع است.

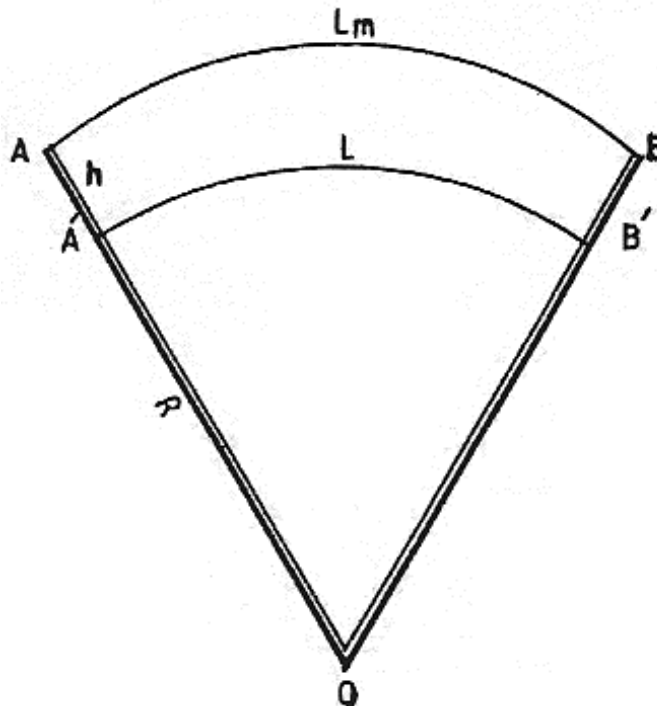
۴-۷- تبدیل به سطح مبنا

برای پرهیز از پیچیدگی مسئله، فرض کنید فاصله بین دو نقطه مانند A و B در سطح افق با ارتفاع h برابر L_m باشد و زمین نیز کروی شکل با شعاع R در نظر گرفته شود. مطابق نگاره ۱۲، تصاویر نقاط A و B بر روی سطح مبنای مسطحاتی (یا ارتفاعی) می‌باشند و بنابراین تصحیح مربوط به تبدیل طول مورد نظر (C_D) بر روی سطح مبنا (یا انتقال طول از روی زمین به سطح مبنا) به کمک روابط زیر به دست می‌آید.

$$\frac{L}{L_m} = \frac{R}{R + h} \quad (۱۵)$$

$$L = L_m \frac{R}{R + h} \quad (۱۶)$$

$$C_D = L - L_m = L_m \left(\frac{R}{R+h} - 1 \right) \quad (17)$$



نگاره ۱۲- تبدیل طول از سطح زمین به سطح مبنا

۵- انتشار خطاها در مترکشی

چنانچه خطای سیستماتیک اندازه‌گیری در هر دهانه مترکشی (برابر طول نوار) δl و فاصله بین دو نقطه A و B برابر L_{AB} باشد، در این صورت خطای سیستماتیک اندازه‌گیری مسافت مورد نظر در n دهانه از رابطه زیر تعیین می‌گردد.

$$\Delta L_{AB} = \sum_{i=1}^n \delta l = n \times \delta l \quad (18)$$

همچنین بنابر فصل ۳ (مروری بر نظریه خطاها)، چنانچه اندازه‌گیری فاصله بین دو نقطه A و B (L_{AB}) با یک نوار به طول l در n دهانه اندازه‌گیری شود و دقت اندازه‌گیری هر دهانه σ_l در نظر گرفته شود، دقت فاصله مورد از رابطه زیر به دست می‌آید.

$$\sigma_{L_{AB}} = \sqrt{\sum_{i=1}^n \sigma_l^2} = \sqrt{n} \times \sigma_l \quad (19)$$

فصل پنجم

ترازیابی

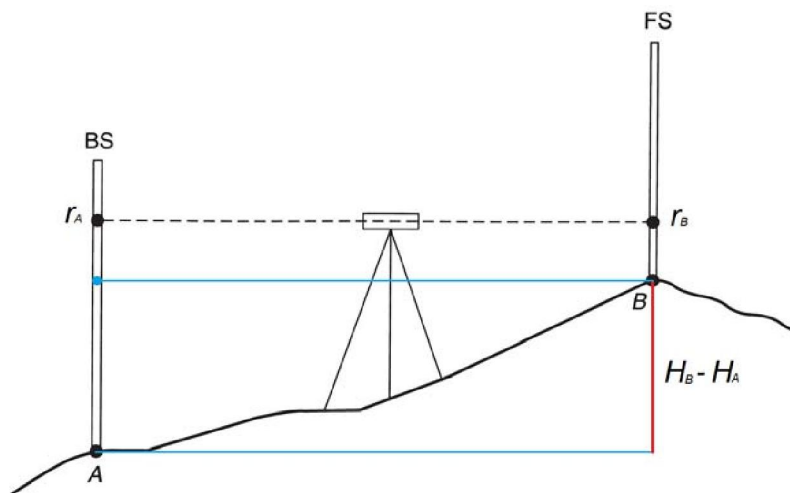
یکی دیگر از مهمترین کمیت‌های مورد اندازه‌گیری در مهندسی نقشه‌برداری که منجر به تعیین ارتفاع نقاط می‌شود، اختلاف ارتفاع بین نقاط است. منظور از ترازیابی در مهندسی نقشه‌برداری در اغلب اوقات همان اختلاف ارتفاعیابی است که با دستگاه‌ها و روش‌های مختلف امکان پذیر است. واژه تراز به سطح تراز یا سطح هم پتانسیل اشاره دارد و بنابراین منظور واقعی از ترازیابی اندازه‌گیری اختلاف پتانسیل بین دو نقطه است که تعبیر هندسی آن اختلاف فاصله بین سطوح تراز گذرنده از دو نقطه مورد نظر است. با این توضیح اختلاف ارتفاع هندسی بین دو سطح تراز در همه جا یکسان نیست و با توجه به تغییرات میدان ثقل زمین دچار نوسان می‌شود. در این فصل تلاش می‌شود تا موضوع ترازیابی و تصحیحات و انتشار خطاها در آن به روش‌های گوناگون شامل روش‌های مستقیم و غیر مستقیم مورد بررسی قرار گیرد.

۱- ترازیابی مستقیم (ترازیابی هندسی یا ژئودتیک)

روش مستقیم اندازه‌گیری ارتفاع یا اختلاف ارتفاع به گونه‌ای است که بتوان با مقایسه مستقیم یک طول معلوم و استاندارد در راستای قائم (شاقولی) و ارتفاع یا اختلاف ارتفاع مجهول، مقدار آن را برآورد نمود. ترازیابی مستقیم یا هندسی مشتمل بر اندازه‌گیری اختلاف ارتفاع بین دو نقطه بر روی یک خط دارای دید افقی در سطح زمین است. در روش مستقیم یا ترازیابی هندسی از یک دستگاه تراز یاب و معمولاً دو عدد شاخص مدرج استفاده می‌شود. مطابق نگاره ۱ در این روش تراز یاب در محلی که دو عدد شاخص قائم مستقر بر روی دو نقطه مانند A (شاخص عقب BS) و B (شاخص جلو FS) دیده شوند (معمولاً در وسط آنها) استقرار می‌یابد. سپس در حالت کاملاً تراز به دو شاخص مذکور نشانه‌روی کرده و دو عدد r_A (b_{AB}) و r_B (f_{AB}) قرائت و یادداشت می‌شوند. با کم کردن قرائت شاخص عقب، r_A (b_{AB})، از شاخص جلو، r_B (f_{AB})، به مقدار اختلاف ارتفاع بین دو نقطه A و B می‌رسیم. از آنجا که هدف نهایی از ترازیابی دستیابی به ارتفاع نقاط است، لذا تراز یابی باید از یک نقطه که ارتفاع آن از سطح مبنای ارتفاعی معلوم است به سوی نقطه مجهول انجام شود. در این مسئله ارتفاع نقطه A معلوم و ارتفاع نقطه B مجهول در نظر گرفته می‌شود. بنابراین، ارتفاع نقطه B با اضافه نمودن اختلاف ارتفاع اندازه‌گیری شده (ΔH_{AB}) به ارتفاع نقطه A تعیین می‌گردد.

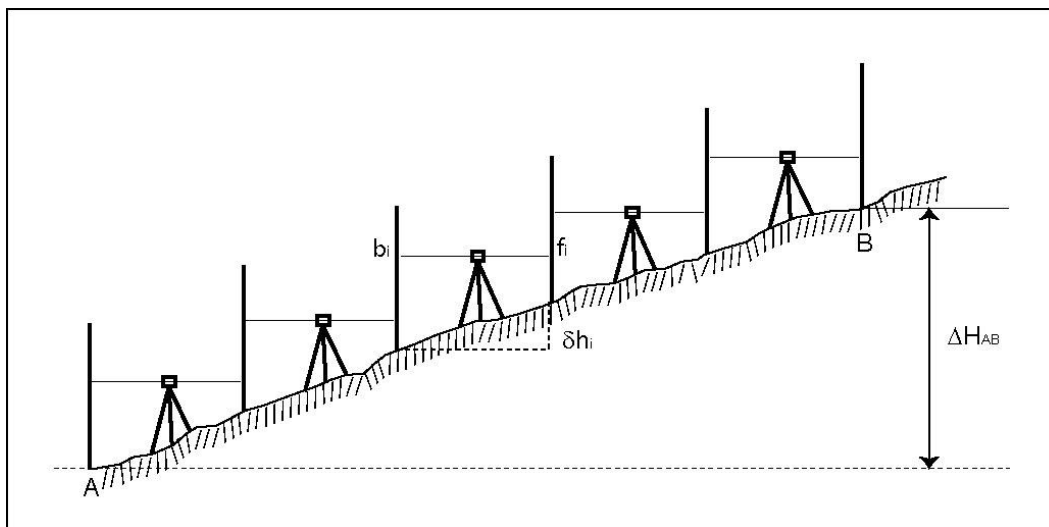
$$\Delta H_{AB} = H_B - H_A = r_A(b_{AB}) - r_B(f_{AB}) \quad (۱)$$

$$H_B = H_A + \Delta H_{AB} \quad (2)$$



نگاره ۱- اساس ترازایی مستقیم در یک دهنه

به دلیل فاصله زیاد بین دو نقطه یا وجود مانع بین آنها و یا شیب زیاد بین آنها، معمولاً اندازه‌گیری اختلاف ارتفاع بین دو نقطه با یک دهنه تنها و یکبار استقرار ترازباب به اتمام نمی‌رسد و بناچار باید آن را به چند دهنه متوالی تقسیم و سپس ترازایی را به صورت تدریجی اجرا نمود. بنابراین مجموع اختلاف ارتفاعات اندازه‌گیری شده در امتداد یک مسیر ترازایی منجر به تعیین ارتفاع یک نقطه نسبت به نقطه اولیه می‌شود (نگاره ۲).



نگاره ۲- اساس ترازایی تدریجی ژئودتیک یا هندسی

در چنین حالتی که اغلب مواقع با آن روبرو هستیم، اختلاف ارتفاع بین هر دو نقطه دلخواه مانند A و B که اصطلاحاً یک قطعه ترازایی را تشکیل می‌دهند، از رابطه ساده زیر به دست می‌آید.

$$\Delta H_{AB} = \sum_{i=1}^N \delta h_i = \sum_{i=1}^N b_i - \sum_{i=1}^N f_i = \sum_{i=1}^N (b_i - f_i) \quad (3)$$

که در آن:

- N : تعداد استقرارها در یک قطعه ترازیابی
 δh_i : اختلاف ارتفاع i امین استقرار (دهنه i ام)
 b_i : قرائت عقب در i امین استقرار (دهنه i ام)
 f_i : قرائت جلو در i امین استقرار (دهنه i ام)

دقت مورد انتظار در ترازیابی به لوازم و تجهیزات مورد استفاده و شیوه اجرایی و پردازش‌های صورت گرفته بر روی اندازه‌گیری‌های خام بستگی دارد. برای دستیابی به یک ترازیابی با دقت بالا، قطعات (sections) یک خط ترازیابی بصورت یک رفت ($A \rightarrow B$) و یک برگشت ($B \rightarrow A$) اندازه‌گیری می‌شوند. به این ترتیب هر قطعه شامل دو اندازه‌گیری است که ابتدا با یکدیگر مقایسه (آنالیز کیفیت ترازیابی) و سپس میانگین آنها به عنوان اختلاف ارتفاع نهایی آن قطعه در نظر گرفته می‌شوند.

در برخی موارد که نیاز به دقت بالا نمی‌باشد، از نقاط میانی نیز استفاده می‌شود که هیچگونه کنترلی بر روی آنها انجام نمی‌گیرد. نقاط میانی همانطور که نامشان پیداست، نقاطی بین شاخص عقب و جلو هستند و تنها یکبار بر روی این نقاط اندازه‌گیری انجام می‌شود. قرائت‌های انجام شده بر روی این نقاط در ستونی جداگانه یادداشت می‌شوند و در محاسبات نقش قرائت‌های جلو را خواهند داشت. یکی از موارد کاربرد چنین شیوه‌ای که اصطلاحاً ترازیابی شعاعی نامیده می‌شود، در برداشت‌های نیمرخ‌های طولی و عرضی است.

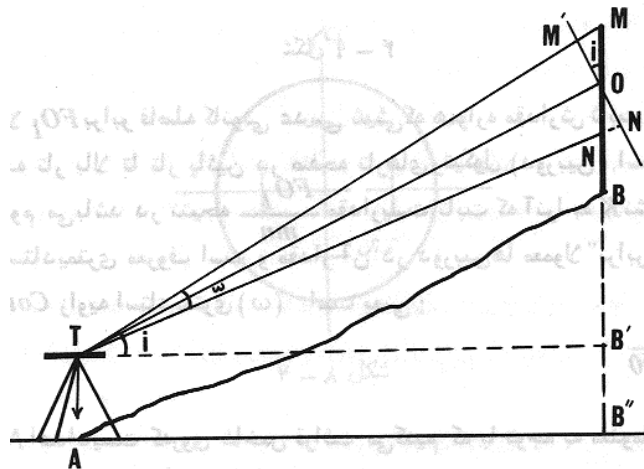
۲- ترازیابی غیرمستقیم (مثلثاتی)

بر خلاف ترازیابی مستقیم، در این روش اختلاف ارتفاع به صورت مستقیم مورد سنجش قرار نمی‌گیرد و بر پایه اندازه‌گیری کمیت‌های دیگری مانند طول و زاویه و بکارگیری یکسری روابط و معادلات مقدار آن برآورد می‌شود.

مطابق فصل قبل در بخش فاصله‌یابی مثلثاتی می‌توان رابطه زیر را به عنوان طول شیب‌دار بین دو نقطه دلخواه مانند A و B در نظر بگیریم (نگاره ۳).

$$D = K \times MN \times \cos i \quad (4)$$

که در آن MN فاصله بین تصویر تار بالا و پایین بر روی شاخص و i زاویه شیب نسبت به سطح افق است.



نگاره ۳- اساس تراز یابی مثلثاتی

حال با توجه به نگاره ۳ می‌توان دابطه زیر را برای تعیین اختلاف ارتفاع بین دو نقطه A و B به دست آورد.

$$\Delta H_{AB} = D \sin i + h_i - h_t \quad (5)$$

$$\Delta H_{AB} = K \times MN \times \cos i \sin i + h_i - h_t = \frac{1}{2} K \times MN \times \sin 2i + h_i - h_t$$

۳- تراز یابی فشارسنجی

از آنجا که فشار هوا رابطه معکوس با ارتفاع دارد، از تغییرات فشار هوا می‌توان به ارتفاع نقاط پی برد. هر چند ارتفاع حاصل از این روش فاقد ارزش مهندسی است و تنها در کارهای غیر دقیق مورد استفاده قرار می‌گیرد، لیکن این روش معروف به تراز یابی فشارسنجی است. رابطه تقریبی زیر یکی از روابطی است برای تعیین اختلاف ارتفاع (بر حسب متر) بر اساس اندازه‌گیری فشار و دمای هوا ارئه شده‌است.

$$\Delta H_{AB} = 18400 \left(1 + \frac{T}{273} \right) \log \frac{P_A}{P_B} \quad (6)$$

که در آن T میانگین دما در نقاط A و B بر حسب درجه سلسیوس، و P_A و P_B به ترتیب فشار هوا در نقاط A و B بر حسب میلی‌متر جیوه است.

۴- تصحیحات و خطاها در تراز یابی

علیرغم آسان بودن اساس کار تراز یابی مستقیم، به منظور به حداقل رساندن منابع مختلف خطاهای سیستماتیک، لازم است تصحیحات مربوط تا حد امکان انجام گیرند. صرفنظر از خطاهای اتفاقی که همواره

وجود دارند و نمی‌توان آنها حذف نمود، تعدادی منبع خطای سیستماتیک در تراز یابی مستقیم وجود دارد که بسته به حساسیت کار باید مورد توجه و تصحیح قرار گیرند. برخی از منابع این خطاها عبارتند از:

- حساسیت تراز
- کرویت یا انحنای سطح زمین
- انکسار نور
- کلیماسیون تراز یاب (عدم تنظیم بودن محور قراولروی)

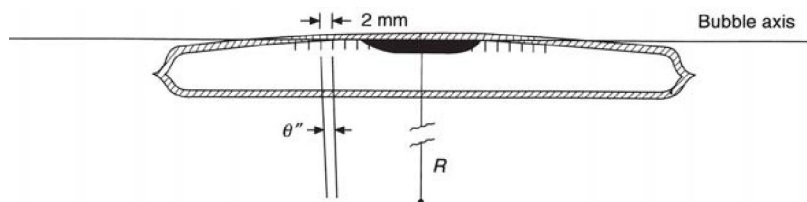
۴-۱- حساسیت تراز

ترازهای لوله‌ای یا استوانه‌ای یکی از متداولترین ترازهایی هستند که به کمک آنها دستگاه‌های نقشه‌برداری و بویژه تراز یاب‌ها تراز می‌شوند. این نوع ترازها که در واقع کمان کوچکی از یک دایره بزرگ می‌باشند، دارای خطوط درجه‌بندی هستند که در حالت تراز کامل، حباب تراز باید در بالاترین قسمت و در وسط خطوط قرار بگیرد (نگاره ۴). فاصله بین این خطوط درجه‌بندی معمولاً ۲ میلی‌متر است که یک کمان بسیار کوچکتری را از دایره تراز تشکیل می‌دهد. به زاویه مربوط به این کمان بسیار کوچک اصطلاحاً حساسیت تراز گفته می‌شود. هرچه شعاع دایره تراز بزرگتر باشد، زاویه مربوط به کمان ۲ میلی‌متری نیز کوچکتر و در نتیجه حساسیت تراز نیز بیشتر می‌شود. در واقع هرچه شعاع دایره تراز بزرگتر باشد، مقدار جابجایی حباب تراز نیز بیشتر خواهد شد. با داشتن R شعاع دایره تراز بر حسب متر و d_s فاصله درجه‌بندی تراز بر حسب متر، می‌توان مقدار حساسیت تراز θ را بر حسب رادیان به صورت زیر به دست آورد.

$$\theta = R \times d_s \quad (7)$$

برای تبدیل واحد θ از رادیان به ثانیه، کفایت ضریب تبدیل 206265.4 را در سمت راست رابطه (۷) ضرب نماییم.

$$\theta'' = 206265.4(R \times d_s) \quad (8)$$



نگاره ۴- حساسیت تراز

بنابراین یکی از منابع خطاها در تراز یابی عدم تراز کامل تراز یاب است که با توجه به فاصله تراز یاب تا شاخص می‌تواند موجب خطا در اندازه‌گیری اختلاف ارتفاع شود. تراز یاب‌هایی که فاقد تراز استوانه‌ای هستند

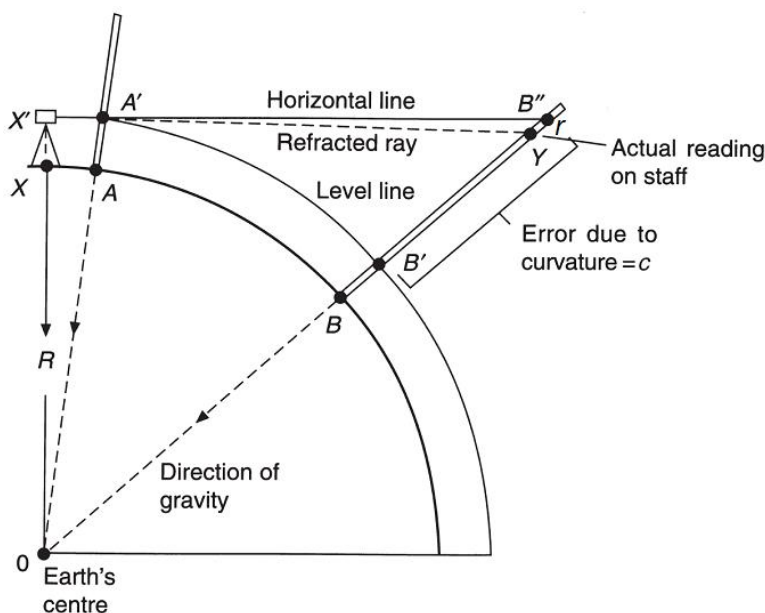
و تنها دارای تراز کروی می‌باشند، به مراتب از خطای بزرگتری برخوردار خواهند بود زیرا معمولاً شعاع کره تراز کوچکتر از شعاع دایره تراز می‌باشد.

۴-۲- کروییت یا انحنای سطح زمین

همانطور که در ابتدای فصل گفته شد، منظور از اختلاف ارتفاع همان اختلاف پتانسیل بین دو سر مسیر ترازابی است. از طرفی سطح تراز یا سطح هم پتانسیل، کم و بیش از شکل زمین پیروی کرده و بنابراین دارای انحنای است. این در حالی است که خط دید ترازابی مستقیم بوده و منطبق بر انحنای سطح تراز گذرنده از نقطه استقرار نیست. لذا هرچه نقطه نشانه روی دورتر باشد، اثر ناشی از این پدیده هم بیشتر نمایان می‌گردد (نگاره ۵). چنانچه فاصله بین ترازباب و شاخص را D و شعاع میانگین زمین را R در نظر بگیریم، رابطه تقریبی زیر تصحیح مربوط به اثر کروییت را به دست می‌دهد.

$$C_c \cong \frac{D^2}{2R} \quad (۸)$$

برای دستیابی به اختلاف ارتفاع عاری از خطای کروییت، تصحیح فوق باید از قرائت شاخص مورد نظر کم شود. در صورتیکه فاصله ترازباب از شاخص‌های جلو و عقب برابر باشد، تصحیح کروییت نیز برای هر دو شاخص یکسان می‌شود و در نتیجه مطابق رابطه (۱)، خطای مورد بحث هیچ تاثیری بر روی اختلاف ارتفاع بین دو نقطه نخواهد داشت. در این صورت دیگر نیازی به محاسبه تصحیح کروییت و پاکسازی مشاهدات از این خطا نیست.



نگاره ۵- اثر کروییت و انکسار نور در ترازابی

۴-۳- انکسار نور

علاوه بر اینکه خط دیدگانی از انحناى زمین تبعیت نمی‌کند، به دلیل عبور آن از لایه‌های مختلف جو به تدریج شکسته می‌شود و به جای یک خط مستقیم تبدیل به یک خط منحنی می‌گردد (نگاره ۵). بنابراین عددی که روی شاخص قرائت می‌شود تحت تاثیر این پدیده قرار گرفته و نسبت به واقعیت کمی دچار انحراف می‌شود. در شرایط جوی معمولی، اثر این خطا تقریباً $\frac{1}{7}$ اثر کرویّت و در جهت مخالف آن است.

$$C_r \cong \frac{D^2}{14R} \quad (9)$$

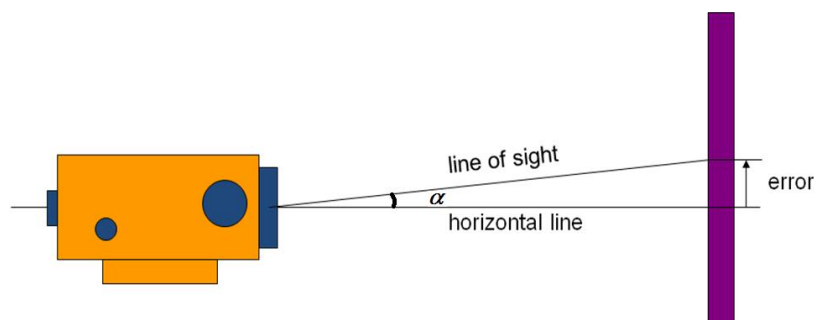
در اینجا نیز اگر فاصله ترازیب از شاخص‌های جلو و عقب برابر باشد، تصحیح انکسار برای هر دو شاخص یکسان می‌شود و در نتیجه مطابق رابطه (۱)، خطای مورد بحث هیچ تاثیری بر روی اختلاف ارتفاع بین دو نقطه نخواهد داشت. در این صورت دیگر نیازی به محاسبه تصحیح انکسار و پاکسازی مشاهدات از این خطا نیست.

معمولاً اثر کرویّت و انکسار به صورت یکجا در نظر گرفته می‌شود، بنابراین با توجه به رابطه‌های (۸) و (۹) به رابطه جدید زیر می‌رسیم.

$$C_{cr} \cong C_c - C_r = \frac{D^2}{2R} - \frac{D^2}{14R} = \frac{3D^2}{7R} \quad (10)$$

۴-۴- کلیماسیون ترازیب

اساس کار تمام ترازیب‌ها بر پایه قرار داشتن محور دیدگانی ترازیب در سطح تراز نقطه استقرار یا به عبارت دیگر عمود بودن محور دیدگانی بر راستای شاقولی دستگاه است. به انحراف محور دیدگانی از سطح تراز کلیماسیون گویند که در صورت وجود یک زاویه بسیار باریک (α) است (نگاره ۶). چنانچه کلیماسیون ترازیب از قبل مشخص باشد، می‌توان اثر آن را بر روی قرائت شاخص‌ها مشابه حساسیت تراز محاسبه و سپس تصحیح نمود. اما از آنجا که این خطا ثابت نیست و با گذشت زمان دچار تغییر و نوسان می‌شود، لازم است ترازیب‌ها را به طور مرتب مورد بازدید قرار داد و در صورت وجود چنین خطایی آن را به روش محاسباتی، صحرایی یا آزمایشگاهی تصحیح یا حذف نمود. یکی از راه‌های صحرایی برای تشخیص و تعیین مقدار کلیماسیون دستگاه ترازیب بکارگیری روش زیر است.



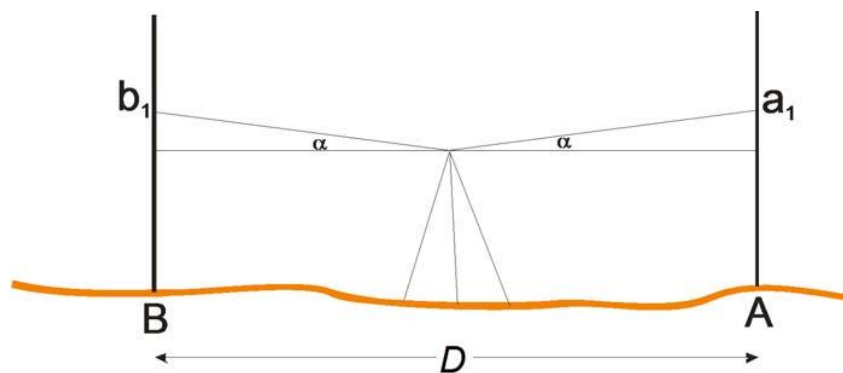
نگاره ۶- اثر کرویّت و انکسار نور در ترازیبی

دو نقطه مانند A و B را در یک منطقه صاف با فاصله D از یکدیگر انتخاب کرده و با استقرار ترازیب در وسط آنها، اختلاف ارتفاع دقیق بین آنها (ΔH_{AB}) که عاری از خطاهای کرویت، انکسار و کلیماسیون هست، به دست می‌آید (نگاره ۷). حال ترازیب را از وسط شاخص‌ها به عقب شاخص A در فاصله کوتاهی مانند d قرار می‌دهیم (نگاره ۸). اگر ترازیب فاقد خطای کلیماسیون باشد قرائت شاخص‌های A و B ، یعنی a و b ، صحیح هستند و نیاز به هیچگونه تصحیح ندارند (نگاره ۸). اما در صورتیکه ترازیب دارای کلیماسیون باشد، به جای قرائت‌های a و b دو قرائت دیگر مانند a_2 و b_2 انجام می‌شوند (نگاره ۸). در این صورت اثر خطای کلیماسیون روی قرائت شاخص A به اندازه $e_1 = a_2 - a$ و شاخص B به اندازه $e_2 = b_2 - b$ خواهد بود (نگاره ۸). حال بدون توضیح ولی با توجه به نگاره ۸ مراحل مربوط به محاسبه خطای کلیماسیون را در ادامه می‌بینیم.

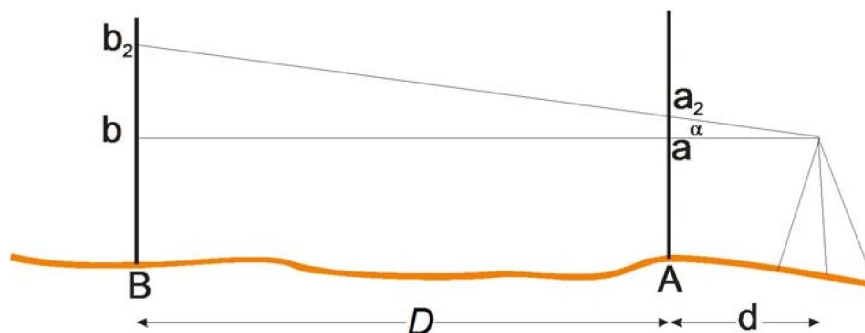
$$\Delta H_{AB} = (a_2 - \alpha \cdot d) - (b_2 - \alpha(d + D)) \quad (11)$$

$$\Delta H_{AB} = a_2 - b_2 + \alpha D \quad (12)$$

$$\alpha = \frac{\Delta H_{AB} - (a_2 - b_2)}{D} \quad (13)$$



نگاره ۷- خطای کلیماسیون در حالتی که ترازیب در وسط شاخص‌های A و B قرار گرفته است



نگاره ۸- خطای کلیماسیون در حالتی که ترازیب عقب شاخص B قرار گرفته است

۵- سرشکنی خطاها در ترازبایی

هر چند تلاش می‌شود که هیچ اثری از خطاهای سیستماتیک بر روی اندازه‌گیری‌ها باقی نماند، لیکن این موضوع در عمل تحقق پیدا نمی‌کند و بخشی از آنها در اندازه‌گیری‌ها باقی می‌مانند. علاوه بر این، حتی اگر اثر خطاهای سیستماتیک نیز به صفر برسد، هنوز خطاهای اتفاقی وجود دارند. همانطور که قبلاً گفته شد، برای دستیابی به یک ترازبایی با دقت بالا و مطمئن، مسیر ترازبایی مورد نظر بصورت یک رفت $(A \rightarrow B)$ و یک برگشت $(B \rightarrow A)$ یا به صورت یک حلقه بسته اندازه‌گیری می‌شود. به این ترتیب با مقایسه اختلاف ارتفاع رفت و برگشت متوجه تفاوت بین آنها می‌شویم. این اختلاف ناشی از همان خطاهای سیستماتیک باقیمانده و خطاهای اتفاقی موجود در اندازه‌گیری‌هاست. بنابراین در صورتیکه اختلاف مجاز باشد، باید آن را به طور عادلانه بین اندازه‌گیری‌ها تقسیم نمود تا نتیجه رفت و برگشت یکسان شود. به این عمل در نقشه‌برداری سرشکنی اطلاق می‌گردد. ساده‌ترین حالت ممکن در سرشکنی یک مسیر ترازبایی تقسیم مقدار اختلاف به تعداد دهنه‌های ترازبایی مسیر و اعمال آن با علامت مخالف به اختلاف ارتفاع هر دهنه است. از آنجا که اختلاف ارتفاع نهایی یک مسیر از مجموع تدریجی اختلاف ارتفاع‌های هر دهنه به دست می‌آید، لذا تصحیح مورد نظر نیز باید به صورت تجمعی اعمال شود تا در آخرین دهنه تصحیح مورد نظر به مقدار اختلاف با علامت مخالف برسد. یادآوری می‌شود در صورت وجود نقاط میانی، هیچگونه تصحیحی برای آنها نباید در نظر گرفته شود. در جدول ۱، می‌توان به طور واضح‌تر یک نمونه سرشکنی برای یک مسیر کوتاه که به صورت رفت و برگشت انجام شده‌است را دید. در این مثال ارتفاع نقطه A از سطح دریا ۱۵۰۰.۰۰۰ متر در نظر گرفته شده‌است و تمام قرائت‌های جلو (F.S.) و عقب (B.S.) بر حسب میلی‌متر هستند.

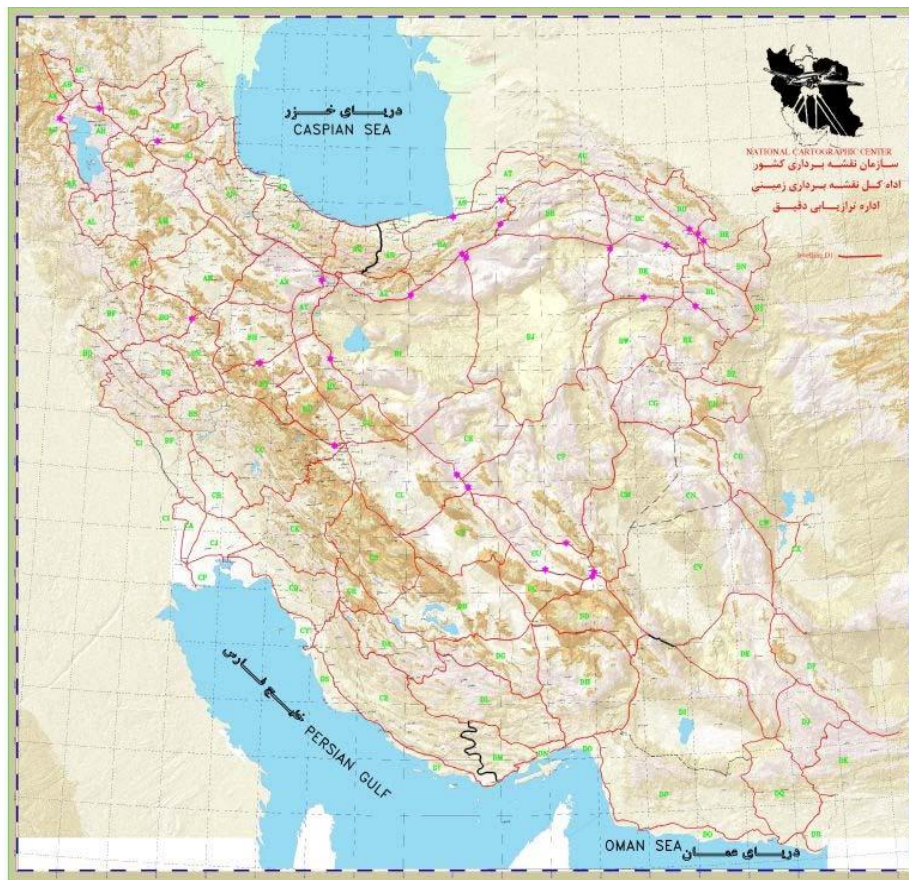
جدول ۱- سرشکنی یک مسیر رفت و برگشت ترازبایی

Point No.	B.S.	F.S.	ارتفاع (متر)	تصحیح (متر)	ارتفاع نهایی (متر)
A	2301		1500.000	+0.0000	1500.000
B	2600	0354	1501.947	+0.0024	1501.949
C	1854	0702	1503.845	+0.0047	1503.850
D	1205	2478	1503.221	+0.0071	1503.228
E	1573	1454	1502.972	+0.0095	1502.981
F	2390	1325	1503.220	+0.0119	1503.231
G	0614	1772	1503.838	+0.0142	1503.852
H	0369	2516	1501.936	+0.0166	1501.953
A		2324	1499.981	+0.0190	1500.000

۶- شبکه ترازبایی درجه یک کشور جمهوری اسلامی ایران

اولین شبکه ترازبایی درجه یک کشور جمهوری اسلامی ایران به دلیل نیاز جدی به یک سطح مبنای ارتفاعی ملی برای تهیه نقشه‌های پوششی در سال ۱۳۵۸ توسط سازمان نقشه‌برداری کشور (NCC) پایه ریزی شد. این شبکه مشتمل بر ۹۸ لوپ، ۲۳۷ خط ترازبایی به طول تقریبی ۳۰۰۰۰ کیلومتر، حدود ۱۳۰۰۰ نقطه ارتفاعی و بیش از یک میلیون دهنه است (نگاره ۲). تکرار اول این شبکه حدود ۱۷ سال به طول انجامید که یک نقطه ضعف از دیدگاه اجرایی محسوب می‌شود. شبکه ترازبایی درجه یک برای اولین بار به کمک یک

ترازیاب N3-Wild و یک شاخص انوار اندازه‌گیری شد. به دلایل خاصی بعضی از خطوط این شبکه دو بار به وسیله این تجهیزات اندازه‌گیری شده‌اند. شبکه ترازیبی درجه یک کشور از سال‌ها پیش مجدداً به کمک یک ترازیب رقومی جدید Ziess DINI-12 و یک شاخص بارکدی مورد اندازه‌گیری قرار گرفته‌اند که تا تاریخ تهیه این گزارش به اتمام نرسیده است. مطابق دستورالعمل‌های اجرایی به منظور به حداقل رساندن اختلاف تصویر درجات شاخص، کلیه اندازه‌گیری‌ها در فاصله زمانی بین طلوع خورشید و حدود ساعت ۱۰ صبح به وقت محلی انجام شده‌اند.



نگاره ۹- شبکه ترازیبی درجه یک ایران

تمام خطوط ترازیبی بصورت مستقل مطابق با قواعد تعبیه شده از سوی انجمن بین‌المللی ژئودزی (IAG) به شکل رفت و برگشت و دقیق ترازیبی شده‌اند. به موجب قواعد پذیرفته شده توسط IAG در سال ۱۹۴۸، اختلاف بین اندازه‌گیری‌های رفت و برگشت برای شبکه درجه یک نباید از 3mm/km تجاوز کند. این قاعده تا زمانی معتبر است که طول خط ترازیبی کمتر از چندین ده کیلومتر باشد (Bomford, ۱۹۸۰). دقت متوسط خطوط ترازیبی ایران بوسیله معمارزاده (۱۹۹۸) $1/43\text{mm/km}$ برآورد شده است که نشان از دقت بالایی مشاهدات دارد.